

Miejscowość dawniej należała do gminy Wiśniowa. Nazwa zapewne pochodzi od hrabiego Kołłątaja Sztomberg. W XIX wieku Sztombergi liczyły 32 domy i 148 mieszkańców. W 1929 r. miała 38 domów i 230 mieszkańców. Wydobywano tu (w Zagumniu) kamień budowlany.
Na koniec 1999 roku w Sztombergach mieszkało 239 osób, w 2006 mieszkało 285 osób, w 2012 roku mieszkało 313 osób, a na koniec 2015 roku mieszkało 299 osób.